



Concours d'accès au Doctorat 3^{ème} cycle LMD (20 Mars 2021)
Epreuve 1 : Traitement du Signal (Durée 1H30)

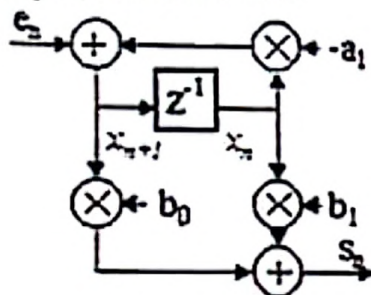
Sujet N°1

Exercice N°1 : (5 pts)

Donner la ou les bonnes réponses aux questions suivantes :

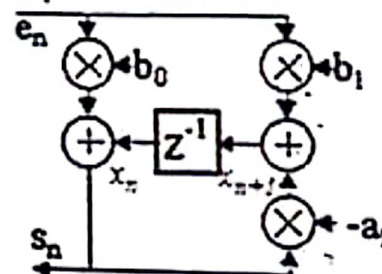
- Le signal $x(t) = 2 \cos(100\pi t) + 5 \sin(250\pi t + \pi/6)$ est échantillonné sans perte si :
 - $T_e = 12\text{ms}$
 - $T_e = 0.2\text{s}$
 - $F_e = 150\text{Hz}$
 - $F_e = 1\text{KHz}$
- Le signal $x(t) = 2 \cos(150\pi t) \cdot \cos(50\pi t)$ est correctement échantillonné si :
 - $T_e = 4\text{ms}$
 - $T_e = 3\text{ms}$
 - $F_e = 50\text{Hz}$
 - $F_e = 150\text{Hz}$
- Le spectre $X_e(f)$ d'un signal échantillonné est défini par :
 - $X(f) = \frac{1}{T_e} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(f - \frac{n}{T_e})$
 - $\frac{1}{T_e} \sum_{n=0}^{+\infty} X(f - \frac{n}{T_e})$
 - $\frac{1}{T_e} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} X(f) = \delta(t - \frac{n}{F_e})$
 - $X(f) = TF\{\hat{\uparrow}\hat{\uparrow}\hat{\uparrow}_{T_e}(t - Te)\}$
- La reconstruction parfaite d'un signal idéalement échantillonné se fait par :
 - interpolation de Shannon
 - filtrage par $h(t) = \text{sinc}(\pi T_e t)$
 - Bloqueur d'ordre 0
 - Interpolation d'ordre 1
- $H(p) = \frac{1}{p - 0.9}$ est la fonction de transfert d'un filtre analogique.
 - 0.9 est un zéro
 - 0.9 est un pôle
 - Ce filtre est stable
 - Ce filtre est instable
- La résolution spectrale d'une TFD sur une acquisition de N points avec un pas d'échantillonnage Δt est de :
 - $N \cdot \Delta t$
 - $\Delta t \cdot N$
 - $N / \Delta t$
 - $1 / (N \cdot \Delta t)$
- Un filtre numérique caractérisé par $s[n] = 0.5 \cdot e[n] - 0.5 \cdot e[n-1]$.
 - Son $H[z] = 0.5(1 - z^{-1})$
 - Son $h[n] = 0.5\delta(n) - 0.5\delta(n-1)$
 - est un filtre RIF
 - est un filtre dérivateur
- Un filtre RIF.
 - sa réponse impulsionnelle est la suite de ses coefficients
 - son gain en continu est nul
 - ne permet pas la réalisation d'un passe bande
 - possède des zéros multiple à l'origine
- Le filtre caractérisé par l'équation : $s[n] = b_0 e[n] + b_1 e[n-1] - a_1 s[n-1]$

a. possède la structure :



c. est un RIF

b. possède la structure :



d. est un RII du second ordre

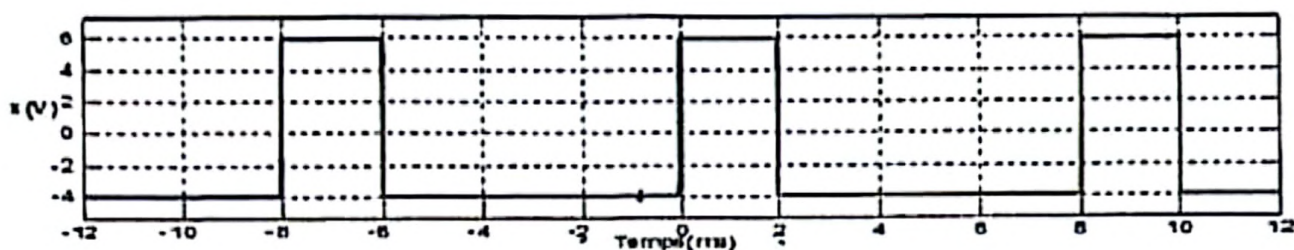
10. La TFD de la suite temporelle discrète $[1, 0, 1, 0]$, est égale à :

- $[2, 1+j, 0, 1-j]$
- $[2, 0, 2, 0]$
- $[2, 1-j, 0, 1-j]$
- $[2, 1-j, j, 1-j]$

Exercice N°2 : (6 pts)

Considérons le signal périodique $x(t)$ représenté à la figure ci-dessous.

1. Calculer et représenter la Transformée de Fourier $X(f)$ du signal $x(t)$ sur l'intervalle $[-1\text{KHz}, 1\text{KHz}]$
2. Calculer le pourcentage de puissance comprise dans l'intervalle $[-500\text{Hz}, 500\text{Hz}]$. Où se situe cette fraction de puissance ? Conclusion.
3. En admettant que ce signal est appliqué à l'entrée d'un filtre passe bas idéale de fréquence de coupure égale à 200Hz , donner le spectre $Y(f)$ à la sortie du filtre. Esquisser le signal $y(t)$ sur l'intervalle $[0, 16\text{ms}]$.
4. On échantillonne le signal $y(t)$ à raison de 250 échantillons par seconde, cette fréquence d'échantillonnage est-elle correcte ?
Représenter le signal $y_e(t)$ sur l'intervalle $[0, 16\text{ms}]$, ainsi que son spectre $Y_e(f)$ sur l'intervalle $[-500\text{Hz}, 500\text{Hz}]$.

**Exercice N°3 : (9 pts)**

Il s'agit dans ce problème de concevoir un filtre numérique RII. Le filtre analogique pris comme référence pour la synthèse possède la fonction de transfert suivante:

$$H(p) = \frac{2.25}{p^2 + 0.3p + 2.25}$$

1. Déterminer les pôles et les zéros du filtre. Est-il stable ? (justifier). Donner sa nature et son ordre. Calculer sa pulsation caractéristique ω_0 .
2. Sachant que la période d'échantillonnage est $T=1\text{s}$, déterminer l'expression de la transmittance $G(z)$ du filtre numérique RII équivalent en utilisant la transformation bilinéaire sans pré-compensation. Donner ses pôles et zéros. Calculer sa pulsation caractéristique ω_n . Conclusion.
3. Une pré-compensation étant considérée, calculer la pulsation de pré-décalage. Déterminer la fonction de transfert $H_p(p)$ du nouveau filtre analogique de référence. Déterminer la transmittance $G_p(z)$ de son équivalent numérique RII en utilisant la transformation bilinéaire. Donner les nouveaux pôles et zéros puis calculer la nouvelle pulsation caractéristique ω_n^* . Conclusion.

Partie I : Communication Numérique Avancée**Cochez la/les bonnes réponses (0.5 pt/question).**

1/ Dans les modulations M-aires, le nombre de bits par symbole est donné par :

- a) $\log_2(M)$. b) M^2 . c) M .

2/ Avec la même puissance et la même bande passante, la QPSK comparée à la BPSK a :

- a) la même efficacité spectrale.
b) la moitié de l'efficacité spectrale.
c) le double de l'efficacité spectrale.

3/ Quelle est l'énergie moyenne des symboles de cette constellation (la distance entre symboles = $2d$) :

- a) $E=10d^2$ b) $E=160d^2$ c) $E=2.5d^2$



4/ Le canal de transmission sans fils est :

- a) invariant par rapport au temps.
b) variant par rapport au temps.
c) indépendant par rapport au temps.

5/ Si la bande passante du canal de transmission alloué par le système est inférieure à la bande passante du signal à transmettre, cela engendre :

- a) une perte d'efficacité en puissance de la transmission.
b) des interférences sur le canal de transmission.
c) des interférences sur les bandes adjacentes à la bande allouée.

6/ Dans un canal AWGN, le bruit a une densité spectrale de puissance (DSP) :

- a) constante. b) gaussienne. c) variable.

7/ Avec une largeur de bande du canal B et un rapport signal à bruit SNR, l'expression de la capacité maximum C du canal AWGN est donnée par :

- a) $C=B \log_2(1+SNR)$. b) $C=B \log_{10}(1+SNR)$. c) $C=\log_{10}(1+SNR)$.

8/ L'évanouissement rapide "Fast fading" signifie :

- a) un temps de cohérence inférieur à la période symbole.
b) un canal variant lentement dans le temps.
c) un canal variant rapidement dans le temps.

9/ Le _____ fading affecte toutes les fréquences de la même façon.

- a) slow "lent". b) flat "plat" c) selective "sélectif"

10/ Dans le _____ les composantes fréquentielles sont affectées différemment.

- a) fast fading. b) slow fading. c) selective fading.

11/ Le fading résulte :

- a) des multi-trajets. b) des obstacles. c) des variations fréquentielles à la source.

12/ En CDMA, donnez la séquence étalée du signal $d=1-1$, générée par le code d'étalement : $-1-111$.

- a) $-1-11111-1-1$ b) $11-1-1-1-111$ c) $-1-111-1-111$

13/ La TDMA est une technique d'accès multiple qui :

- a) assigne à chaque usager un slot fréquentielle unique.
b) assigne à différents usagers des slots de temps différents.
c) assigne à chaque usager un code unique.

14/ La CDMA:

- a) est une technologie d'étalement de spectre.
- b) permet à chaque usager d'utiliser une période spécifique de temps.
- c) affecte à chaque usager un code unique.

15/ L'usage de la CDMA aide dans :

- a) l'augmentation de l'immunité par rapport aux interférences.
- b) l'augmentation de l'immunité par rapport à l'interception des signaux.
- c) l'allocation de différents spectres en différents time slots.

16/ Les codes PN (Pseudo-Noise) utilisés en CDMA ont une :

- a) intercorrélation faible entre les différents codes.
- b) intercorrélation élevée entre les différents codes.
- c) autocorrélation très faible.

17/ L'intervalle de garde, en OFDM, permet :

- a) d'éliminer l'orthogonalité des sous porteuses.
- b) de réduire les ISI.
- c) d'avoir un débit symbole élevé.

18/ En diversité temporelle:

- a) des versions multiples du signal sont transmises à différents instants temporels.
- b) les signaux sont transmis en utilisant différents canaux.
- c) les signaux sont transmis avec des polarisations différentes.

19/ L'avantage de l'OFDM réside :

- a) dans l'utilisation de récepteurs peu complexes.
- b) dans la réduction des ISI "interférences entre symboles".
- c) dans l'utilisation de plusieurs usagers à la même fréquence.

20/ Les inconvénients de l'OFDM sont :

- a) une faible efficacité de puissance.
- b) une réduction de la bande passante.
- c) une réduction de l'efficacité spectrale à cause de l'intervalle de garde.

Exercice 1 (4pts) :

Un système de communication transmet avec une modulation 2-PAM, les symboles $S[n] = \pm 1$ à travers le canal discret équivalent suivant : $h[n] = -0.3\delta[n] + 0.8\delta[n-1] - 0.2\delta[n-2]$

En supposant une détection symbole par symbole, tracer la constellation des symboles à la sortie du canal en considérant un bruit nul.

Exercice 2 (4pts) :

Dans la modulation M-PSK, la phase de la porteuse peut prendre une valeur parmi les M possibles.

L'expression de l'onde modulée est : $m(t) = \sqrt{\frac{2E_s}{T_s}} \cos(2\pi f_c t + \theta_l)$ pour $0 \leq t \leq T_s$.

Où E_s est l'énergie par symbole et T_s est la période symbole.

1-Donner l'expression des phases θ_l . (1pt)

2-Donner l'expression de E_s en fonction de E_b , l'énergie par bit. (1pt)

3-Ecrire l'expression des signaux pour chacune des voies : en phase et en quadrature. (2pts)

Exercice 3 (2pts) :

Soit un système de communication numérique utilisant une modulation BPSK avec $\sqrt{E_b} = 2$ et le mapping suivant : $0 \rightarrow -\sqrt{E_b}$, $1 \rightarrow +\sqrt{E_b}$. Deux symboles sont transmis à travers un canal, les signaux reçus (en bande base) au niveau du récepteur sont : $y(0) = -0.3 + 0.1j$ et $y(1) = -0.1 - 0.4j$. En supposant une détection optimale, quel serait la séquence binaire détectée.

Partie II : Codage et théorie de l'information

Exercice 1 (6 points)

On souhaite sélectionner un code binaire pour l'utiliser dans la transmission de l'information dans un canal de communication numérique pouvant transmettre 6 symboles. Pour cela, on considère deux codes reportés dans le tableau suivant avec les probabilités respectives :

Symbole	A	B	C	D	E	F
Probabilité	0.30	0.23	0.17	0.15	0.10	0.05
Code 1	00	010	011	110	1110	11111
Code 2	00	01	10	110	1110	1111

Le système de communication est modélisé par une matrice de transmission définie par :

$$T(X, Y) = \begin{bmatrix} 1-c & c & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1-c & c & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1-c & c & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1-c & c & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1-c & c \\ c & 0 & 0 & 0 & 0 & 1-c \end{bmatrix}$$

avec $c = 0.10$. La source d'informations débite 1500 symboles/s alors que le canal peut transmettre 1800 symboles/s.

1. Montrer que le canal est symétrique.
2. Calculer la capacité du canal.
3. Est-il possible de transmettre théoriquement l'information dans le canal ? Justifier votre réponse.
4. A votre avis, quel est le code le plus approprié pour transmettre l'information dans le canal ? Justifier votre réponse.
5. Pour protéger l'information contre les erreurs de transmission, on rajoute un bit de parité, la transmission est-elle toujours possible ? Justifier votre réponse.

Exercice 2 (4 points) : Soit une séquence de valeurs entières décrite comme suit :

Symboles	2	4	6	8	9
Fréquences	10	20	40	6	3

1. Quelle est la valeur de l'entropie, (1 point)
2. Coder cette séquence en utilisant le codage de Huffman, (2 points)
3. Quelle est la longueur moyenne, (1 point)

Exercice 3 (4 points) : Le codage d'une séquence de valeurs entières en utilisant le codeur LZW a donné : 3 4 3 <256><257> <259> <258> <261> T N.B. T pour terminer.
Décoder la séquence, donner le tableau de décodage ainsi que la séquence décodée.

Exercice 4 (6 points) La matrice de vérification d'un codeur canal linéaire systématique est donnée par :

$$H = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- 1) Préciser la taille du mot de code d'entrée et celle du mot de code de sortie.
- 2) Donner une matrice génératrice.
- 3) Coder les 3 premiers mots de code de la séquence : 00011110011001011110000
- 4) Décoder après une éventuelle correction les 3 premiers mots de code :
0000101001111010101011111001110.