

Exercice 3 (12pts):

1- $\vec{P} + \vec{C} + \vec{T}_0 = \vec{0} \Rightarrow \begin{cases} C_x = T_0 \\ C_y = P \end{cases} \Rightarrow \mu_{s1} = \frac{T_0}{P} \Rightarrow x_0 = \frac{\mu_{s1} mg}{k}$ 0.5

$x_0 = 0.6 \text{ cm}$ 0.5

2- Représentation des forces : $P = C_y = 2 \text{ N}$, $T_0 = C_x = 1.2 \text{ N}$ 0.5

3- a- sans frottements : $E_{TA} = E_{TB} \Rightarrow \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} mv_c^2 \Rightarrow v_c = \sqrt{\frac{kx^2}{m}}$ 0.5
 $v_c = 3.16 \text{ m/s}$ 0.5

b- avec frottements :

$\Delta E_T = W_{C_x} \Rightarrow \frac{1}{2} mv_c^2 - \frac{1}{2} kx^2 = -C_x x \Rightarrow v_c = \sqrt{\frac{kx^2}{m} - 2\mu_{d1} gx}$ 1.5
 $v_c = 3 \text{ m/s}$ 0.5

car : $C_x = \mu_{d1} C_y = \mu_{d1} mg$ 0.25

4- 1ère méthode : $\vec{P} + \vec{C} = m\vec{a} \Rightarrow \begin{cases} -C_x = ma \\ C_y = mg \end{cases} \Rightarrow a = -\frac{C_x}{m} = -\mu_{d1} g$ 0.5

$v_D^2 - v_c^2 = 2aCD \Rightarrow CD = -\frac{v_c^2}{2a} = \frac{v_c^2}{2\mu_{d1} g}$ 1
 $CD = 0.9 \text{ m}$ 0.5

2ème méthode : $\Delta E_T = W_{C_x} \Rightarrow \frac{1}{2} mv_D^2 - \frac{1}{2} mv_c^2 = -C_x CD \Rightarrow CD = \frac{v_c^2}{2\mu_{d1} g}$ 0.5
 $CD = 0.9 \text{ m}$

5- 1ère méthode : $\vec{P} + \vec{C} = m\vec{a} \Rightarrow \begin{cases} P_x - C_x = ma \\ C_y - P_y = 0 \end{cases} \Rightarrow \mu_{d2} = \frac{g \sin \alpha - a}{g \cos \alpha} \rightarrow \mu_{d2} = 0.47$ 0.25
0.25 0.5

$v_E^2 - v_D^2 = 2aDE \Rightarrow a = -\frac{v_E^2}{2DE} = 0.9 \text{ m/s}^2$ 0.5

2ème méthode : $\begin{cases} \Delta E_T = W_{C_x} \Rightarrow \frac{1}{2} mv_E^2 - mgDE \sin \alpha = -C_x x \Rightarrow \mu_{d2} = \frac{2gDE \sin \alpha - v_E^2}{2gDE \cos \alpha} \\ C_x = \mu_{d2} C_y = \mu_{d2} mg \cos \alpha \end{cases} \mu_{d2} = 0.47$

6- Arrive-t-elle en I.

$E_{TE} = E_{TI} \Rightarrow \frac{1}{2} mv_E^2 = \frac{1}{2} mv_I^2 + mgR \cos \theta \Rightarrow v_I^2 = v_E^2 - 2gR \cos \theta$ 1

0.5

On trouve $v_I^2 < 0$: donc impossible, m n'arrive donc pas en I. 0.5

2ème méthode : On calcul la hauteur maximale à laquelle arrive la masse c'est à dire lorsque la vitesse s'annule et on trouve : $h_{\max} < h_I$