

Série d'exercices N° 3

Exercice 2 :

Soit le circuit électrique de la figure 1

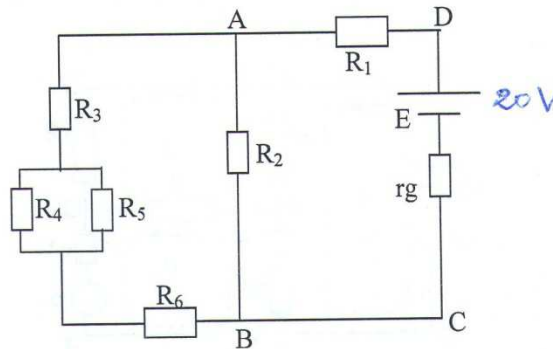


Figure 1

On donne : $r_g = 1\Omega$; $R_1 = 3\Omega$, $R_2 = 5\Omega$, $R_3 = 7\Omega$, $R_4 = 10\Omega$, $R_5 = 8\Omega$, $R_6 = 11\Omega$

- 1) Déterminer la résistance équivalente R_{AB} entre les points A et B
- 2) Calculer le courant débité par le générateur
- 3) Calculer les ddp aux bornes de R_1 et R_{AB} et entre les points D et C
- 4) Calculer l'énergie dissipée par effet joule dans le circuit
- 5) Calculer le rendement du générateur

Exercice 3 :

Soit le circuit électrique représenté sur la figure 2.

On donne :

$E_1 = 10\text{ V}$; $E_2 = 24\text{ V}$; $r_1 = 1\Omega$; $r_2 = 2\Omega$

$R_1 = 6\Omega$; $R_2 = 8\Omega$; $R_3 = 9\Omega$

- 1) Calculer les courants circulant dans chaque branche en utilisant les lois de Kirchoff
- 2) Calculer :
 - a. les ddp V_{CD} , V_{EF} , et V_{AB}
 - b. L'énergie dissipée par effet joule dans le circuit
 - c. Le rendement de chaque générateur

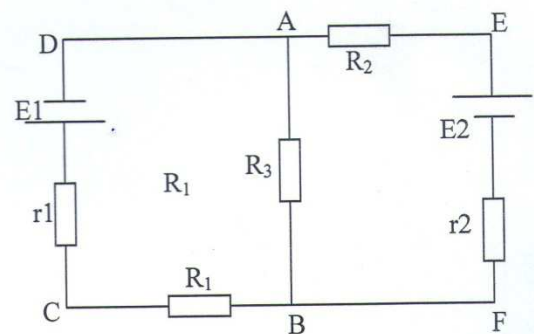
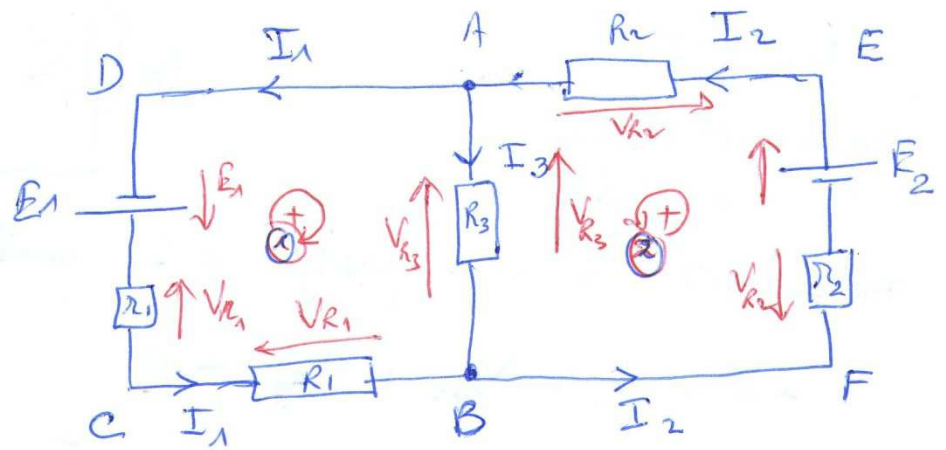


Figure 2

Ex 3 :

on a 2 nœuds et 3 mailles et

1) On a 2 nœuds et 3 branches. \Rightarrow on doit chercher 3 courants.



Loi des nœuds :

$$+ I_2 - I_1 - I_3 = 0$$

$$\Rightarrow \boxed{I_2 = I_1 + I_3} \quad (1)$$

Loi des mailles :

maille (1) : $- V_{R2} - E_1 + V_{R1} + V_{R3} = 0$

$$\cancel{R_1 I_1} + \underbrace{(R_1 + R_3)}_{R_{1u}} I_1 - R_3 I_3 = E_1 \quad (2)$$

maille (2) : $+ E_2 - V_{R2} - V_{R3} - V_{R4} = 0$

$$\underbrace{(R_2 + R_4)}_{R_{2u}} I_2 + R_3 I_3 = E_2 \quad (3)$$

méthodes de résolution :

1 - ~ -

En résumé, nous avons les 3 équations :

$$\begin{cases} I_2 = I_1 + I_3 & (1) \\ (r_1 + R_1) I_1 - R_3 I_3 = E_1 & (2) \\ (r_2 + R_2) I_2 + R_3 I_3 = E_2 & (3) \end{cases}$$

1) dans (2) donne : $(r_1 + R_1) (I_2 - I_3) - R_3 I_3 = E_1$ (2')

Ce qui donne le système d'équations suivant :

$$\begin{cases} (r_1 + R_1) I_2 - (r_1 + R_1 + R_3) I_3 = E_1 \\ (r_2 + R_2) I_2 + R_3 I_3 = E_2 \end{cases}$$

En valeurs numériques, on a :

$$\begin{cases} 7 I_2 - 16 I_3 = 10 \\ 10 I_2 + 9 I_3 = 24 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_2 = \frac{10 + 16 I_3}{7} \\ 10 \left(\frac{10 + 16 I_3}{7} \right) + 9 I_3 = 24 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} I_2 = 2,11 \text{ A} \\ I_3 = 0,3 \text{ A} \end{cases} \quad \text{et enfin (1)} \Rightarrow I_1 = 1,81 \text{ A}$$

2) a. $V_{CD} = E_1 - V_{r1} = E_1 - r_1 I_1 = 8,19 \text{ V}$

$V_{EF} = E_2 - V_{r2} = E_2 - r_2 I_2 = 19,78 \text{ V}$

$V_{AB} = V_{R3} = R_3 I_3 = 2,7 \text{ V}$

b. $P_J = \sum_i R_i I_i^2 = (r_1 + R_1) I_1^2 + R_3 I_3^2 + (r_2 + R_2) I_2^2 = 68,3 \text{ J/s}$

c. $R_1 = \frac{V_{CD}}{E_1} = 0,82$

$R_2 = \frac{V_{EF}}{E_2} = 0,82$

Ex 2 :

1. $R_{AB} = 4,09 \Omega$

2. $I = ?$

On a 0 nœuds
1 maille :

On choisit un sens positif à la maille.

$$-E + V_{R_1} + V_{R_{AB}} + V_{r_g} = 0$$

Loi d'Ohm : $-E + R_1 I + R_{AB} I + r_g I = 0$

\Rightarrow

$$I = \frac{E}{(R_1 + R_{AB} + r_g)}$$

AN : $I = 2,47 A$

3. $V_{R_1} = R_1 I$; $V_{R_1} = 7,41 V$

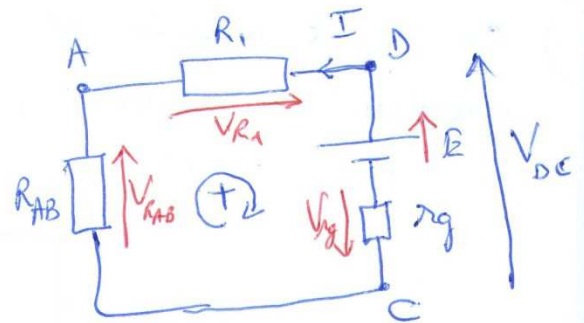
$V_{AB} = R_{AB} I$; $V_{AB} = 10,10 V$

$V_{DC} = E - V_{r_g} = E - r_g I$; $V_{DC} = 17,53 V$

4. Energie dissipée : $P_j = r_g I^2 + R_1 I^2 + R_{AB} I^2$

$P_j = 49,36 W$

5. $\eta_g = \frac{E - r_g I}{E} = \frac{V_{DC}}{E} = 88\% = 87,7\%$





Examen de rattrapage physique 2

Exercice 1 (10 pts) :

Pour un circuit électrique, représenté par la figure (1) ci-dessous, calculer :

- 1) La résistance équivalente entre les points C et D.
- 2) Le courant qui circule dans la maille ABCD.
- 3) La différence des potentiels $V_A - V_B$, $V_C - V_D$ et $V_B - V_D$.
- 4) Le rendement du générateur et du moteur.
- 5) L'énergie dissipée par effet Joule dans tout le circuit pendant 2min.

On donne : $E=10V$, $e_m=2V$, $r_g=r_m=1\Omega$,
 $R_1=4\Omega$, $R_2=5\Omega$, $R_3=3\Omega$, $R_4=4\Omega$, $R_5=6\Omega$.

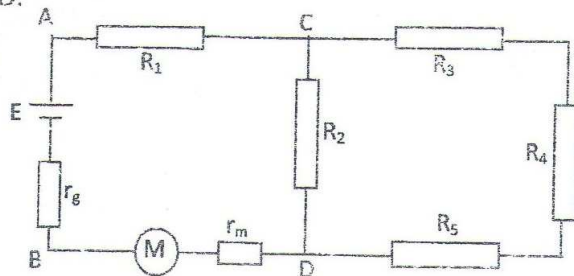


Figure.1

Exercice 2 (10 pts):

Deux sphères S_1 et S_2 concentriques et initialement neutres sont placées dans le vide. La sphère S_1 a un rayon R_1 est reliée à une source de tension V_1 positive et la sphère S_2 a un rayon intérieur R_2 et un rayon extérieur R_3 est reliée à la terre V_2 ($V_2=V_{\text{Terre}}=0V$) (Figure.2)

- 1) Déterminer et représenter qualitativement les charges qui apparaissent sur chaque sphère.
- 2) Dans l'espace entre les deux sphères, ($R_1 < r < R_2$), déterminer :
 - a- Le champ électrique $E(r)$. (appliquer le théorème de Gauss).
 - b- Le potentiel électrique $V(r)$.
- 3) En déduire la capacité de ce condensateur.
- 4) On donne: $R_2=10cm$, $R_1=8cm$ et $V_1=1000V$, calculer :
 - a- La capacité et la charge du condensateur.
 - b- L'énergie emmagasinée par le condensateur.

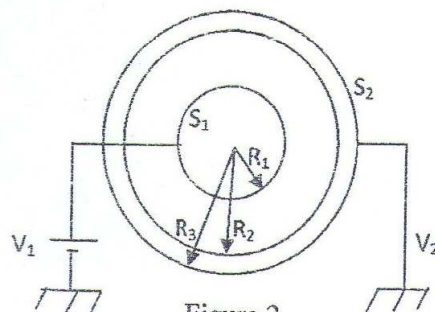


Figure.2

exo 1 (10pts)

1/ La résistance équivalente R_{CD} :

$$\text{on a : } R_{CD} = (R_3 + R_4 + R_5) \parallel (R_2)$$

$$\text{donc : } \frac{1}{R_{CD}} = \frac{1}{R_3 + R_4 + R_5} + \frac{1}{R_2} \quad (1)$$

$$\text{A.N : } \frac{1}{R_{CD}} = \frac{1}{13} + \frac{1}{5} = \frac{18}{65} \Rightarrow \boxed{R_{CD} = 3,61 \Omega}$$

2/ Le courant qui circule dans la maille ABCD :

$$(R_1 + R_{CD} + R_m + r_g) i + e_m = E \Rightarrow i = \frac{E - e_m}{R_1 + R_{CD} + R_m + r_g} \quad (1)$$

$$\text{A.N : } i = \frac{10 - 2}{9,61} = 0,83 \text{ A} \quad (1)$$

3/ Les différences des Potentiels :

$$\text{a/ } V_A - V_B = E - r_g i = 10 - (1 \times 0,83) = 9,17 \text{ V} \quad (1)$$

$$\text{b/ } V_C - V_D = R_{CD} \times i = 3,61 \times 0,83 = 2,99 \approx 3 \text{ V} \quad (1)$$

$$\text{c/ } V_B - V_D = -e_m - r_m i = -(2 + 1 \times 0,83) = -2,83 \text{ V} \quad (1)$$

4/ Le rendement du générateur :

$$\eta_g = \frac{V_{AB} \cdot i}{E \cdot i} = 1 - \frac{r_g i}{E} = 0,917 \Rightarrow \boxed{\eta_g \approx 92\%} \quad (1,5)$$

* Le rendement du moteur :

$$\eta_m = \frac{e}{e + r_m i} = \frac{2}{2,83} = 0,70 \Rightarrow \boxed{\eta_m = 70\%} \quad (1,5)$$

5/ L'énergie dissipée par effet Joule dans tout le circuit :

$$E = R_{eq} I^2 t = (R_1 + R_{CD} + R_m + r_g) I^2 t = 9,61 \times (0,83)^2 \times 120 = 794,43 \text{ J} \quad (1)$$

Exercice 2 (10 pts) :

1) Sphère S_1 : $Q > 0$ (reliée à $V_1 > 0$)

(1,5)

Sphère S_2 : surface intérieure $Q_i = -Q < 0$ (influence totale entre S_1 et S_2)

Surface extérieure $Q_e = 0$ (reliée à la terre)

2) Cas : $R_1 < r < R_2$

a- Champ électrique : $E(r) = KQ/r^2$

(1)

b- Potentiel électrique : $dV(r) = -E(r)dr$

(0,5)

$$\Rightarrow V(r) = KQ/r + Cte$$

(0,5)

$$Cte = ? \Rightarrow V_1 = V(R_1) = KQ/R_1 + Cte$$

$$\Rightarrow Cte = V_1 - KQ/R_1$$

$$\text{Soit : } V(r) = KQ(1/r - 1/R_1) + V_1$$

(0,5)

3) La capacité : $C = Q/\Delta V$

(0,5)

$$\Delta V = V_1 - V_2$$

$$V(R_2) = V_2 = KQ(1/R_2 - 1/R_1) + V_1 \Rightarrow \Delta V = V_1 - V_2 = KQ[(R_2 - R_1)/R_2 R_1]$$

(0,5)

$$\text{Soit : } C = R_2 R_1 / [K (R_2 - R_1)] = 4\pi\epsilon_0 [R_2 R_1 / (R_2 - R_1)]$$

(1)

4) A.N. :

a- $C = 4,44 \text{ nF}$

(1)

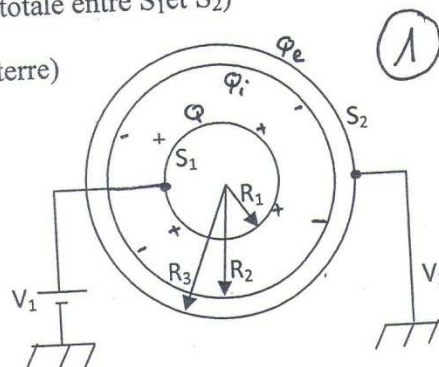
b- $Q = CV_1 = 4,44 \mu\text{C}$

(1)

c- $W = [1/2] CV_1^2 = [1/2] QV_1 = 2,22 \cdot 10^{-3} \text{ J}$

(1)

$$W = \frac{1}{2} Q \Delta V = \frac{1}{2} C V_1^2$$





Exercice 1 : « 9pts » :

On place quatre charges ponctuelles ($q_A = q_B = q$; $q_C = q_D = -2q$ avec $q = 6\mu\text{C}$) aux sommets d'un carré ABCD de côté $a = 10\text{cm}$ et de centre O 'figure1'.

- i. Déterminer le champ électrique \vec{E} ainsi que le potentiel V créés :
 - a) au point O centre du carré.
 - b) au point N placé au milieu du côté AB.
 - c) calculer les valeurs numériques du champ et du potentiel pour les points O et N.
- ii. Déterminer la force électrique appliquée sur la charge q_D .

Exercice 2 « 5.5 pts » :

1- On considère un demi cercle L de centre O et de rayon R, portant une charge Q uniformément répartie avec une densité linéaire positive λ ($\lambda > 0$) 'figure2'.

On donne : $R = 10\text{cm}$, $\lambda = 10^{-5}\text{C/m}$. Calculer :

- i. la charge totale, Q, du demi cercle.
 - ii. le potentiel produit au centre O.
 - iii. le champ électrique total au centre O et le représenter.
- 2- On place un autre demi-cercle L' de rayon $R' < R$ et de centre O, opposé à L. 'figure2'.
- Que deviennent les expressions du champ électrique et du potentiel au centre O.

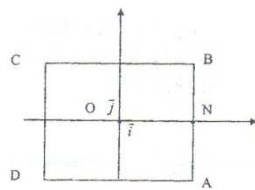


Figure 1

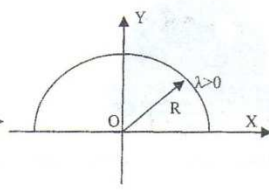


Figure 2

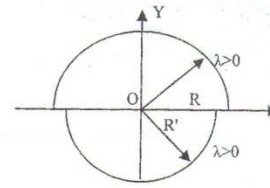


Figure 2'

Exercice 3 « 5.5 pts »

Soit le montage ci-dessous (figure 3):

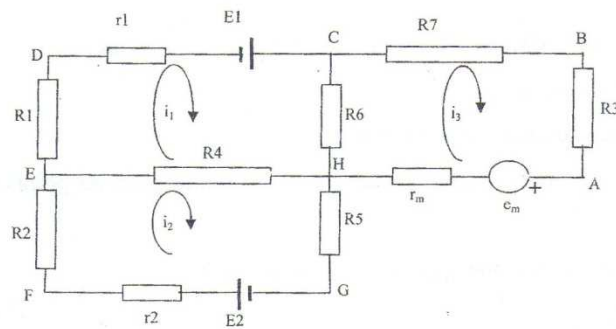


Figure 3

- i. Nommer les nœuds du circuit.
- ii. Nommer les mailles indépendantes dans ce circuit.
- iii. Nommer les branches du circuit.
- iv. Etablir les équations donnant les courants fictifs dans le réseau.
- v. Donner les expressions donnant les courants réels dans chaque branche en fonction des courants fictifs.



SOLUTION ETLD PHYSIQUE II

Exercice 1 (9pts)

i) Le champ et le potentiel au point O :

On a: $AO = BO = CO = DO = r = \frac{a}{\sqrt{2}}$

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} \vec{u}_r$$

$$\vec{E}_O = \vec{E}_A + \vec{E}_B + \vec{E}_C + \vec{E}_D \longrightarrow 0.25$$

On a :

$$\vec{E}_A = k \frac{q}{r^2} \vec{u}_A \quad \text{et} \quad \vec{u}_A = -\cos \frac{\pi}{4} \vec{i} + \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{E}_B = k \frac{q}{r^2} \vec{u}_B \quad \text{et} \quad \vec{u}_B = -\cos \frac{\pi}{4} \vec{i} - \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{E}_C = k \frac{-2q}{r^2} \vec{u}_C \quad \text{et} \quad \vec{u}_C = \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} - \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{E}_D = k \frac{-2q}{r^2} \vec{u}_D \quad \text{et} \quad \vec{u}_D = \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} + \sin \frac{\pi}{4} \vec{j} \longrightarrow 0.25$$

Donc :

$$\vec{E}_O = k \frac{q}{r^2} \left(-6 \cos \frac{\pi}{4} \vec{i} \right) = -k \frac{6\sqrt{2}q}{a^2} \vec{i} \longrightarrow 0.25$$

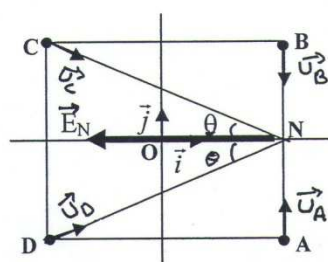
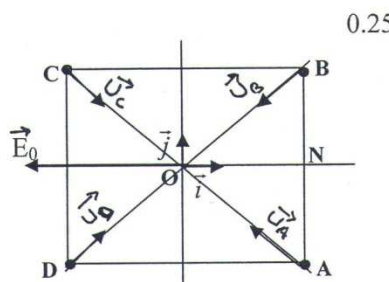
Le potentiel :

$$V_0 = V_A + V_B + V_C + V_D \longrightarrow 0.25$$

$$V_0 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_A}{r} + \frac{q_B}{r} + \frac{q_C}{r} + \frac{q_D}{r} \right) \longrightarrow 1$$

$$\Rightarrow V_0 = \frac{-2\sqrt{2}kq}{a} \longrightarrow 0.25$$

ii) Le champ et le potentiel au point N :



$$\vec{E}_N = \vec{E}_C + \vec{E}_D + \vec{E}_A + \vec{E}_B$$

$$\text{avec: } \vec{E}_A + \vec{E}_B = \vec{0} \longrightarrow 0.25$$

et

$$\vec{E}_{CX} + \vec{E}_{DX} = 2\vec{E}_{CX} = 2\vec{E}_{DX}; \vec{E}_{CY} + \vec{E}_{DY} = \vec{0} \longrightarrow 0.25$$

$$E_N = 2E_C \cos \theta \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{E}_C = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-2q}{r'^2} \vec{i} \longrightarrow 0.25$$

$$\left. \begin{aligned} \text{avec: } r' &= \sqrt{a^2 + \frac{a^2}{4}} = a \frac{\sqrt{5}}{2} \\ \cos \theta &= \frac{a}{\left(a^2 + \frac{a^2}{4}\right)^{1/2}} = 2/\sqrt{5} \end{aligned} \right\} \longrightarrow 0.25$$

$$\Rightarrow \vec{E}_N = \frac{-32kq}{5\sqrt{5}a^2} \vec{i} = \frac{-8q}{5\sqrt{5}\pi\epsilon_0 a^2} \vec{i} \longrightarrow 0.25$$

$$V(N) = \frac{kq}{a} + \frac{kq}{a} + \frac{k(-2q)}{\sqrt{5}a/2} + \frac{k(-2q)}{\sqrt{5}a/2} \longrightarrow 1$$

$$V(N) = \frac{kq}{a} (2 - 8/\sqrt{5}) \longrightarrow 0.25$$

ii) Les applications numériques :

- Au point O :

$$\|\vec{E}(O)\| = 4.57 \cdot 10^7 \text{ V/m} \longrightarrow 0.25$$

$$V(O) = -1.52 \cdot 10^6 \text{ V} \longrightarrow 0.25$$

- Au point N :

$$\|\vec{E}(N)\| = 1.54 \cdot 10^7 \text{ V/m} \longrightarrow 0.25$$

$$V(N) = -8.49 \cdot 10^5 \text{ V} \longrightarrow 0.25$$

iii) La force appliquée à la charge q_D :

$$\vec{F}_D = \vec{F}_{AD} + \vec{F}_{BD} + \vec{F}_{CD} \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{F}_{AD} = k \frac{q_A \cdot q_D}{AD^2} \vec{u}_{AD} = k \frac{2q^2}{a^2} \vec{i} \longrightarrow 0.25$$

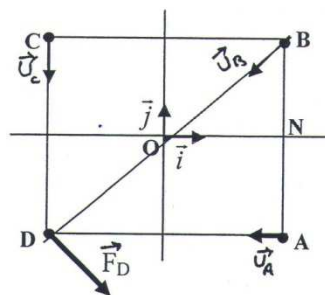
$$\vec{F}_{CD} = k \frac{q_C \cdot q_D}{CD^2} \vec{u}_{CD} = -k \frac{4q^2}{a^2} \vec{j} \longrightarrow 0.25$$

$$\vec{F}_{BD} = k \frac{q_B \cdot q_D}{BD^2} \vec{u}_{BD} = k \frac{2q^2}{a^2} (\cos \frac{\pi}{4} \vec{i} + \sin \frac{\pi}{4} \vec{j}) \longrightarrow 0.25$$

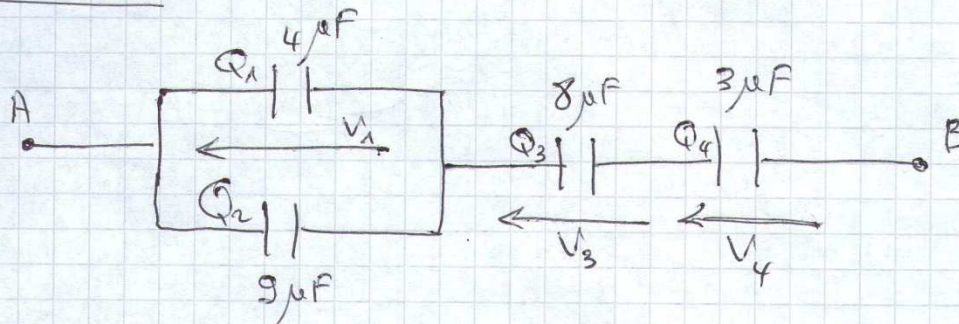
$$\vec{F}_D = k \frac{2q^2}{a^2} \left(\left(1 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \vec{i} + \left(-2 + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) \vec{j} \right) \longrightarrow 0.25$$

$$AN : F_D = 138.08 \text{ N} \longrightarrow 0.25$$

$$1.39 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$



Sat le circuit:



a) Trouvez la capacité équivalente.

b) $V_{AB} = 200 V$. Trouvez la charge de chaque condensateur :

Solution :

$$a) C_{eq} = \frac{(C_1 + C_2) C_3 C_4}{(C_1 + C_2) C_3 + (C_1 + C_2) C_4 + C_3 C_4}$$

AN : $C_{eq} = 1,87 \mu F$

$$b) Q_{eq} = C_{eq} V_{AB} \Rightarrow Q_{eq} = 374 \mu C$$

On a : $Q_{eq} = Q_3 = Q_4$ (cond. en série) : $Q_3 = Q_4 = 374 \mu C$

On : $V_3 = \frac{Q_3}{C_3} = 46,75 V$ or $V_4 = \frac{Q_4}{C_4} = 124,67 V$

Comme : $V_1 = V_{AB} - (V_3 + V_4) \Rightarrow V_1 = 28,58 V$

Aussi : $Q_1 = \frac{V_1 C_1}{1} = 114,3 \mu C$ $Q_2 = V_2 C_2 = 257,2 \mu C$